

Teoria stabilności I, Lista 8

Pracujemy w modelu monstrum $\mathfrak{C} = \mathfrak{C}^{eq}$ stabilnej teorii T .

Zadanie 1. Niech p, q będą typami zupełnymi (stacjonarnymi). Udowodnić, że

(i) $w(p) \leq \kappa(T)^-$,

(ii) jeśli $p \in S(M)$, gdzie M jest a -modelem, to $w(p) = pw(p)$,

(iii) jeśli $p \triangleleft q$, to $w(p) \leq w(q)$.

Zadanie 2. Udowodnić, że jeśli $a \downarrow_A b$, to $w(ab/A) = w(a/A) + w(b/A)$.

Wsk. Można skorzystać z pozostałych dwóch podpunktów stwierdzenia, którego trzecim punktem jest to zadanie.

Zadanie 3. Niech p i q będą typami zupełnymi. Udowodnić, że jeśli $w(q) = 1$, to

$$p \not\leq q \iff p \triangleright q.$$

Zadanie 4. Niech $p \in S(A)$ będzie typem stacjonarnym, a $B \subseteq \mathfrak{C}$. Udowodnić, że $p \not\leq B$ wtedy i tylko wtedy, gdy dla każdego $A' \equiv_{acl(B)} A$, takiego że $A' \downarrow_B A$, zachodzi $p_A \not\leq p_{A'}$.