

1. Czy liczba  $n^n$  jest kwadratem liczby naturalnej, jeżeli

- a)  $n = 48$ ;
- b)  $n = 49$ ;
- c)  $n = 50$ ;
- d)  $n = 51$ ?

2. Czy liczba  $n^n$  jest sześcianiem liczby naturalnej, jeżeli

- a)  $n = 126$ ;
- b)  $n = 125$ ;
- c)  $n = 124$ ;
- d)  $n = 123$ ?

3. Czy równość  $(\sqrt{x^2 + x})^{2011} = (\sqrt{x^2 + x})^{2012}$  jest prawdziwa dla

- a)  $x = \sqrt{77} - 8$ ;
- b)  $x = \sqrt{77} - 7$ ;
- c)  $x = \sqrt{77} - 10$ ;
- d)  $x = \sqrt{77} - 9$ ?

4. Czy równość  $(\sqrt{x^2 + x})^{2011} = (\sqrt{x^2 + x})^{2012}$  jest prawdziwa dla

- a)  $x = 5 - \log_4 20$ ;
- b)  $x = 1 - \log_4 2$ ;
- c)  $x = 2 - \log_4 8$ ;
- d)  $x = 3 - \log_4 12$ ?

5. Czy dla podanej liczby  $p$  istnieją dwie liczby całkowite dodatnie, z których jedna jest większa od drugiej o  $p\%$ , a ponadto obydwie te liczby są kwadratami liczb naturalnych?

- a)  $p = 21$  ;
- b)  $p = 800$  ;
- c)  $p = 50$  ;
- d)  $p = 900$  .

6. Czy dla podanej liczby  $p$  istnieją dwie liczby całkowite dodatnie, z których jedna jest mniejsza od drugiej o  $p\%$ , a ponadto obydwie te liczby są kwadratami liczb naturalnych?

- a)  $p = 99$  ;
- b)  $p = 75$  ;
- c)  $p = 25$  ;
- d)  $p = 50$  .

7. Czy istnieje trójkąt rozwartokątny o bokach długości

- a) 4, 5, 7 ;
- b) 4, 5, 10 ;
- c) 6, 8, 10 ;
- d) 5, 5, 7 ?

8. Dla dowolnej liczby naturalnej  $k$  liczba  $k^2$  jest dzielnikiem liczby  $5^m$  wtedy i tylko wtedy, gdy jest dzielnikiem liczby  $5^n$ . Czy powyższe zdanie jest prawdziwe dla

- a)  $m = 10$ ,  $n = 11$  ;
- b)  $m = 9$ ,  $n = 10$  ;
- c)  $m = 5$ ,  $n = 6$  ;
- d)  $m = 4$ ,  $n = 5$  ?

**9.** Iloczyn liczb całkowitych dodatnich  $m$ ,  $n$  jest równy  $k$ . Czy stąd wynika, że suma  $m+n$  jest nieparzysta, jeżeli

- a)  $k = 2013$ ;
- b)  $k = 2011$ ;
- c)  $k = 2010$ ;
- d)  $k = 2012$ ?

**10.** Iloczyn liczb całkowitych dodatnich  $m$ ,  $n$  jest równy  $k$ . Czy stąd wynika, że suma  $m+n$  jest parzysta, jeżeli

- a)  $k = 2023$ ;
- b)  $k = 2022$ ;
- c)  $k = 2020$ ;
- d)  $k = 2021$ ?

**11.** Dla podanej liczby  $n$  podać przykład rosnącego postępu arytmetycznego  $n$ -wyrazowego o sumie wyrazów równej  $n^2$ , w którym występuje wyraz równy 1.

a)  
 $n = 7$ , .....

b)  
 $n = 3$ , .....

c)  
 $n = 4$ , .....

d)  
 $n = 5$ , .....

**12.** Dla podanej miary kąta  $\alpha$  podać najmniejszą dodatnią miarę kąta  $\beta$  różną od  $\alpha$  i spełniającą równość  $\sin \alpha = \sin \beta$ .

a)  
 $\alpha = 10^\circ$ ,  $\beta = \dots\dots\dots$

b)  
 $\alpha = 100^\circ$ ,  $\beta = \dots\dots\dots$

c)  
 $\alpha = 200^\circ$ ,  $\beta = \dots\dots\dots$

d)  
 $\alpha = -10^\circ$ ,  $\beta = \dots\dots\dots$

**13.** Dla podanych liczb rzeczywistych  $x$  i  $y$  wskazać taką liczbę rzeczywistą dodatnią  $a$ , aby prawdziwa była równość  $\log_a x = y$ .

a)  
 $x = 16$ ,  $y = -4$ ,  $a = \dots\dots\dots$

b)  
 $x = 2$ ,  $y = -1/4$ ,  $a = \dots\dots\dots$

c)  
 $x = 16$ ,  $y = 2$ ,  $a = \dots\dots\dots$

d)  
 $x = 2$ ,  $y = 4$ ,  $a = \dots\dots\dots$

**14.** Dla podanej liczby naturalnej  $n$  podać największą liczbę naturalną  $k$ , dla której prawdziwe jest następujące zdanie:

Dla dowolnych liczb całkowitych dodatnich  $a, b$ , jeżeli iloczyn  $ab$  jest podzielny przez  $n$ , to co najmniej jeden z czynników  $a, b$  jest podzielny przez  $k$ .

a)

$$n = 7^3 \cdot 37^2, \quad k = \dots\dots\dots$$

b)

$$n = 2^5 \cdot 3^3, \quad k = \dots\dots\dots$$

c)

$$n = 5^3 \cdot 31^2, \quad k = \dots\dots\dots$$

d)

$$n = 3^5 \cdot 5^3, \quad k = \dots\dots\dots$$

**15.** W okrąg o promieniu 1 wpisano  $n$ -kąt foremny. Ile przekątnych tego  $n$ -kąta ma długość będącą liczbą całkowitą?

a)

Dla  $n = 6$  takich przekątnych jest .....

b)

Dla  $n = 30$  takich przekątnych jest .....

c)

Dla  $n = 12$  takich przekątnych jest .....

d)

Dla  $n = 20$  takich przekątnych jest .....