

1. Czy nierówność  $\binom{n}{50} < \binom{n}{100}$  jest prawdziwa dla

- a)  $n = 127$ ;
- b)  $n = 144$ ;
- c)  $n = 169$ ;
- d)  $n = 196$ ?

2. Czy trójkąt, w którym pewne dwa kąty mają miary odpowiednio  $\alpha$  i  $7\alpha$ , jest równoramienny, jeżeli

- a)  $\alpha = 20^\circ$ ;
- b)  $\alpha = 18^\circ$ ;
- c)  $\alpha = 15^\circ$ ;
- d)  $\alpha = 12^\circ$ ?

3. Czy nierówność  $\log_4 x < \log_8 y$  jest prawdziwa dla

- a)  $x = 20, y = 90$ ;
- b)  $x = 3, y = 5$ ;
- c)  $x = 30, y = 200$ ;
- d)  $x = 10, y = 30$ ?

4. Czy nierówność  $\log_x y < \log_y x$  jest prawdziwa dla

- a)  $x = 0,7, y = 0,5$ ;
- b)  $x = 2, y = 3$ ;
- c)  $x = 0,2, y = 0,3$ ;
- d)  $x = 7, y = 5$ ?

5. Czy nierówność  $\log_x y < -1$  jest prawdziwa dla

- a)  $x = 0,2, y = 6$ ;
- b)  $x = 0,4, y = 4$ ;
- c)  $x = 0,3, y = 3$ ;
- d)  $x = 0,5, y = 2$ ?

6. Cena patisonów spadła o  $p\%$ , a następnie wzrosła o  $q\%$ . Czy po tych dwóch zmianach cen, cena patisonów jest wyższa niż przed zmianami, jeżeli

- a)  $p = 50$ ,  $q = 90$ ;
- b)  $p = 33$ ,  $q = 50$ ;
- c)  $p = 20$ ,  $q = 25$ ;
- d)  $p = 25$ ,  $q = 34$ ?

7. Dla dowolnych liczb rzeczywistych  $x, y$  spełniających warunek  $x^k = y^k$  zachodzi równość  $x^n = y^n$ . Czy powyższe zdanie jest prawdziwe dla

- a)  $k = 10$ ,  $n = 7$ ;
- b)  $k = 21$ ,  $n = 13$ ;
- c)  $k = 22$ ,  $n = 77$ ;
- d)  $k = 14$ ,  $n = 76$ ?

8. Czy w dowolnym postępie arytmetycznym 10-wyrazowym  $a_1, a_2, a_3, \dots, a_{10}$  zachodzi równość

- a)  $a_2 + a_{10} = 2a_6$ ;
- b)  $a_4 + a_9 = 2a_7$ ;
- c)  $a_4 + a_8 = 2a_6$ ;
- d)  $a_1 + a_7 = 2a_4$ ?

9. Czy równość  $\sin \alpha = \sin(\alpha + 100^\circ)$  jest prawdziwa dla

- a)  $\alpha = 60^\circ$ ;
- b)  $\alpha = 40^\circ$ ;
- c)  $\alpha = 30^\circ$ ;
- d)  $\alpha = 45^\circ$ ?

**10.** Dla dowolnej liczby naturalnej  $n$ , liczba  $n$  jest podzielna przez iloczyn  $pqr$  wtedy i tylko wtedy, gdy  $n$  jest podzielna przez  $p$ ,  $n$  jest podzielna przez  $q$  i  $n$  jest podzielna przez  $r$ . Czy powyższe zdanie jest prawdziwe dla

- a)  $p = 49$ ,  $q = 50$ ,  $r = 63$ ;
- b)  $p = 25$ ,  $q = 27$ ,  $r = 32$ ;
- c)  $p = 10$ ,  $q = 13$ ,  $r = 16$ ;
- d)  $p = 11$ ,  $q = 14$ ,  $r = 17$ ?

W zadaniach **11** i **12** udzielić odpowiedzi:

**Z** - **Zawsze jest podzielna**, tzn. każda liczba  $n$  spełniająca podany warunek jest podzielna przez  $d$ .

**N** - **Nigdy nie jest podzielna**, tzn. żadna liczba  $n$  spełniająca podany warunek nie jest podzielna przez  $d$ .

**C** - **Czasami jest podzielna**, tzn. niektóre liczby  $n$  spełniające podany warunek są podzielne przez  $d$ , a niektóre nie.

**11.** Liczba naturalna  $n$  ma sumę cyfr równą 300. Co stąd wynika o podzielności liczby  $n$  przez  $d$ , jeżeli

- a)  $d = 8$ , .....
- b)  $d = 3$ , .....
- c)  $d = 18$ , .....
- d)  $d = 5$ , .....

**12.** Liczba naturalna  $n$  ma 3-cyfrową końcówkę 300. Co stąd wynika o podzielności liczby  $n$  przez  $d$ , jeżeli

- a)  $d = 18$ , .....
- b)  $d = 5$ , .....
- c)  $d = 8$ , .....
- d)  $d = 3$ , .....

**13.** Istnieje czworokąt wypukły o bokach długości  $a, b, c, d$  (z zachowaniem kolejności), w który można wpisać okrąg. Dla podanych  $a, b, c$  podać takie  $d$ , aby powyższe zdanie było prawdziwe. Wpisz **NIE**, jeśli uważasz, że takie  $d$  nie istnieje.

- a)  
 $a = 5, b = 6, c = 7, d = \dots\dots\dots$
- b)  
 $a = 4, b = 10, c = 5, d = \dots\dots\dots$
- c)  
 $a = 3, b = 4, c = 7, d = \dots\dots\dots$
- d)  
 $a = 7, b = 13, c = 7, d = \dots\dots\dots$

**14.** Istnieje czworokąt wypukły o kątach miary  $\alpha, \beta, \gamma, \delta$  (z zachowaniem kolejności), na którym można opisać okrąg. Dla podanych  $\alpha, \beta$  podać takie  $\gamma, \delta$ , aby powyższe zdanie było prawdziwe. Wpisz **NIE**, jeśli uważasz, że takie  $\gamma, \delta$  nie istnieją.

a)

$$\alpha = 80^\circ, \quad \beta = 90^\circ, \quad \gamma = \dots, \quad \delta = \dots$$

b)

$$\alpha = 10^\circ, \quad \beta = 177^\circ, \quad \gamma = \dots, \quad \delta = \dots$$

c)

$$\alpha = 40^\circ, \quad \beta = 140^\circ, \quad \gamma = \dots, \quad \delta = \dots$$

d)

$$\alpha = 20^\circ, \quad \beta = 50^\circ, \quad \gamma = \dots, \quad \delta = \dots$$

**15.** Dla podanych liczb  $a$  oraz  $k$  wskazać taką liczbę naturalną  $n$ , aby zachodziła równość

$$(a^{a^k})^{a^{a^k}} = a^{a^n}.$$

a)

$$a = 5, \quad k = 2, \quad n = \dots$$

b)

$$a = 3, \quad k = 4, \quad n = \dots$$

c)

$$a = 3, \quad k = 3, \quad n = \dots$$

d)

$$a = 2, \quad k = 5, \quad n = \dots$$

**16.** W okrąg o promieniu 1 wpisano  $n$ -kąt foremny. Niech  $P(n)$  będzie liczbą przekątnych tego  $n$ -kąta, których **kwadrat długości** jest liczbą całkowitą. Wówczas

a)  $P(6) = \dots$

b)  $P(15) = \dots$

c)  $P(18) = \dots$

d)  $P(25) = \dots$

e)  $P(40) = \dots$

f)  $P(50) = \dots$

g)  $P(60) = \dots$