

W każdym zadaniu za 0, 1, 2, 3, 4 poprawne odpowiedzi otrzymuje się odpowiednio 0, 1, 3, 6, 10 punktów.

1. W dowolnym postępie arytmetycznym n -wyrazowym a_1, a_2, \dots, a_n o sumie S , co najmniej jeden z wyrazów jest równy w .

Dla podanych liczb n i w podać liczbę S , dla której powyższe zdanie jest prawdziwe. Wpisz **NIE**, jeśli liczba S o żądanej własności nie istnieje.

- a) $n = 3$, $w = 10$, $S = \mathbf{30}$
- b) $n = 5$, $w = 11$, $S = \mathbf{55}$
- c) $n = 6$, $w = 13$, $S = \mathbf{NIE}$
- d) $n = 11$, $w = 20$, $S = \mathbf{220}$

2. Zapisać zbiór rozwiązań podanej nierówności w postaci przedziału lub uporządkowanej sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

- a) $(\log_2 x - 5)^{2016} \cdot (\log_3 x - 4)^{2016} > 0$, $(\mathbf{0, 32}) \cup (\mathbf{32, 81}) \cup (\mathbf{81, +\infty})$
- b) $(\log_2 x - 5)^{2016} \cdot (\log_3 x - 4)^{2015} > 0$, $(\mathbf{81, +\infty})$
- c) $(\log_2 x - 5)^{2015} \cdot (\log_3 x - 4)^{2016} > 0$, $(\mathbf{32, 81}) \cup (\mathbf{81, +\infty})$
- d) $(\log_2 x - 5)^{2015} \cdot (\log_3 x - 4)^{2015} > 0$, $(\mathbf{0, 32}) \cup (\mathbf{81, +\infty})$

3. Zapisać zbiór rozwiązań podanej nierówności w postaci przedziału lub uporządkowanej sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

- a) $(\log_2 x + 5)^{2015} \cdot (\log_3 x + 4)^{2016} > 0$, $(\mathbf{1/32, +\infty})$
- b) $(\log_2 x + 5)^{2015} \cdot (\log_3 x + 4)^{2015} > 0$, $(\mathbf{0, 1/81}) \cup (\mathbf{1/32, +\infty})$
- c) $(\log_2 x + 5)^{2016} \cdot (\log_3 x + 4)^{2016} > 0$,
 $(\mathbf{0, 1/81}) \cup (\mathbf{1/81, 1/32}) \cup (\mathbf{1/32, +\infty})$
- d) $(\log_2 x + 5)^{2016} \cdot (\log_3 x + 4)^{2015} > 0$, $(\mathbf{1/81, 1/32}) \cup (\mathbf{1/32, +\infty})$

4. Zapisać wartość podanego iloczynu logarytmów w postaci liczby całkowitej lub ułamka nieskracalnego, jeśli liczba jest wymierna. Napisać literkę **N**, jeżeli liczba jest niewymierna.

a) $\log_{27}25 \cdot \log_{125}121 \cdot \log_{11}9 = \mathbf{8/9}$

b) $\log_29 \cdot \log_325 \cdot \log_532 = \mathbf{20}$

c) $\log_427 \cdot \log_97 \cdot \log_{49}128 = \mathbf{21/8}$

d) $\log_8125 \cdot \log_{25}49 \cdot \log_764 = \mathbf{6}$

5. Dla podanej liczby wskazać jej **dwucyfrowy** dzielnik pierwszy.

a) $3^{404} - 2^{101}, \quad \mathbf{79}$

b) $7^{202} - 6^{101}, \quad \mathbf{43}$

c) $3^{404} + 2^{101}, \quad \mathbf{83}$

d) $7^{202} + 6^{101}, \quad \mathbf{11}$

6. Podać wartość wyrażenia, gdzie $[x]$ oznacza część całkowitą liczby x .

a) $\left[\frac{1}{7 - \sqrt{46}} \right] = \mathbf{4}$

b) $\left[\frac{1}{6 - \sqrt{34}} \right] = \mathbf{5}$

c) $\left[\frac{1}{3 - 2\sqrt{2}} \right] = \mathbf{5}$

d) $\left[\frac{1}{5 - 2\sqrt{6}} \right] = \mathbf{9}$

7. Podać wartość wyrażenia, gdzie $[x]$ oznacza część całkowitą liczby x .

a) $\left[\frac{1}{3 - \sqrt{10}} \right] = -7$

b) $\left[\frac{1}{6 - \sqrt{37}} \right] = -13$

c) $\left[\frac{1}{8 - \sqrt{66}} \right] = -9$

d) $\left[\frac{1}{7 - 5\sqrt{2}} \right] = -15$

8. Dla podanej liczby n podać najmniejszą dodatnią miarę kąta α (w stopniach) spełniającą równanie $\sin \alpha = \sin(n \cdot \alpha)$.

a) $n = 5, \quad \alpha = 30^\circ$

b) $n = 4, \quad \alpha = 36^\circ$

c) $n = 3, \quad \alpha = 45^\circ$

d) $n = 2, \quad \alpha = 60^\circ$

9. Dla podanej liczby n podać najmniejszą dodatnią miarę kąta α (w stopniach) spełniającą równanie $\sin \alpha = \cos(n \cdot \alpha)$.

a) $n = 17, \quad \alpha = 5^\circ$

b) $n = 9, \quad \alpha = 9^\circ$

c) $n = 8, \quad \alpha = 10^\circ$

d) $n = 14, \quad \alpha = 6^\circ$

10. Podać zbiór rozwiązań nierówności zapisując go w postaci przedziału lub sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

a) $-\frac{5}{3} < \log_8 x < -\frac{2}{3}$ **(1/32, 1/4)**

b) $\frac{1}{2} < \log_8 x < \frac{3}{2}$ **(2√2, 16√2)**

c) $-\frac{1}{3} < \log_8 x < \frac{1}{3}$ **(1/2, 2)**

d) $-1 < \log_8 x < 2$ **(1/8, 64)**

11. Podać zbiór rozwiązań nierówności zapisując go w postaci przedziału lub sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

a) $-6 < \log_x 64 < -2$ **(1/8, 1/2)**

b) $-1 < \log_x 64 < 2$ **(0, 1/64) ∪ (8, +∞)**

c) $-3 < \log_x 64 < 6$ **(0, 1/4) ∪ (2, +∞)**

d) $1 < \log_x 64 < 3$ **(4, 64)**

12. Zapisać zbiór rozwiązań podanej nierówności w postaci przedziału lub uporządkowanej sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

a) $\log_2 \log_2 |x| < 1$, **(-4, -1) ∪ (1, 4)**

b) $\log_2 \log_2 \log_2 |x| < 1$, **(-16, -2) ∪ (2, 16)**

c) $\log_2 \log_2 \log_2 \log_2 |x| < 1$, **(-2¹⁶, -4) ∪ (4, 2¹⁶)**

d) $\log_2 |x| < 1$, **(-2, 0) ∪ (0, 2)**

W każdym zadaniu za 0, 1, 2, 3, 4 poprawne odpowiedzi otrzymuje się odpowiednio 0, 1, 3, 6, 10 punktów.

1. W dowolnym postępie arytmetycznym n -wyrazowym a_1, a_2, \dots, a_n o sumie S , co najmniej jeden z wyrazów jest równy w .

Dla podanych liczb n i w podać liczbę S , dla której powyższe zdanie jest prawdziwe. Wpisz **NIE**, jeśli liczba S o żądanej własności nie istnieje.

- a) $n = 6, w = 13, S = \mathbf{NIE}$
- b) $n = 5, w = 11, S = \mathbf{55}$
- c) $n = 3, w = 10, S = \mathbf{30}$
- d) $n = 11, w = 20, S = \mathbf{220}$

2. Zapisać zbiór rozwiązań podanej nierówności w postaci przedziału lub uporządkowanej sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

- a) $(\log_2 x - 5)^{2015} \cdot (\log_3 x - 4)^{2015} > 0, \quad (\mathbf{0, 32}) \cup (\mathbf{81, +\infty})$
- b) $(\log_2 x - 5)^{2015} \cdot (\log_3 x - 4)^{2016} > 0, \quad (\mathbf{32, 81}) \cup (\mathbf{81, +\infty})$
- c) $(\log_2 x - 5)^{2016} \cdot (\log_3 x - 4)^{2016} > 0, \quad (\mathbf{0, 32}) \cup (\mathbf{32, 81}) \cup (\mathbf{81, +\infty})$
- d) $(\log_2 x - 5)^{2016} \cdot (\log_3 x - 4)^{2015} > 0, \quad (\mathbf{81, +\infty})$

3. Zapisać zbiór rozwiązań podanej nierówności w postaci przedziału lub uporządkowanej sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

- a) $(\log_2 x + 5)^{2016} \cdot (\log_3 x + 4)^{2016} > 0, \quad (\mathbf{0, 1/81}) \cup (\mathbf{1/81, 1/32}) \cup (\mathbf{1/32, +\infty})$
- b) $(\log_2 x + 5)^{2015} \cdot (\log_3 x + 4)^{2016} > 0, \quad (\mathbf{1/32, +\infty})$
- c) $(\log_2 x + 5)^{2015} \cdot (\log_3 x + 4)^{2015} > 0, \quad (\mathbf{0, 1/81}) \cup (\mathbf{1/32, +\infty})$
- d) $(\log_2 x + 5)^{2016} \cdot (\log_3 x + 4)^{2015} > 0, \quad (\mathbf{1/81, 1/32}) \cup (\mathbf{1/32, +\infty})$

4. Zapisać wartość podanego iloczynu logarytmów w postaci liczby całkowitej lub ułamka nieskracalnego, jeśli liczba jest wymierna. Napisać literkę **N**, jeżeli liczba jest niewymierna.

a) $\log_{27}25 \cdot \log_{125}121 \cdot \log_{11}9 = \mathbf{8/9}$

b) $\log_8125 \cdot \log_{25}49 \cdot \log_764 = \mathbf{6}$

c) $\log_427 \cdot \log_97 \cdot \log_{49}128 = \mathbf{21/8}$

d) $\log_29 \cdot \log_325 \cdot \log_532 = \mathbf{20}$

5. Dla podanej liczby wskazać jej **dwucyfrowy** dzielnik pierwszy.

a) $7^{202} + 6^{101}, \quad \mathbf{11}$

b) $7^{202} - 6^{101}, \quad \mathbf{43}$

c) $3^{404} + 2^{101}, \quad \mathbf{83}$

d) $3^{404} - 2^{101}, \quad \mathbf{79}$

6. Podać wartość wyrażenia, gdzie $[x]$ oznacza część całkowitą liczby x .

a) $\left[\frac{1}{6 - \sqrt{34}} \right] = \mathbf{5}$

b) $\left[\frac{1}{5 - 2\sqrt{6}} \right] = \mathbf{9}$

c) $\left[\frac{1}{7 - \sqrt{46}} \right] = \mathbf{4}$

d) $\left[\frac{1}{3 - 2\sqrt{2}} \right] = \mathbf{5}$

7. Podać wartość wyrażenia, gdzie $[x]$ oznacza część całkowitą liczby x .

a) $\left[\frac{1}{3 - \sqrt{10}} \right] = -7$

b) $\left[\frac{1}{6 - \sqrt{37}} \right] = -13$

c) $\left[\frac{1}{7 - 5\sqrt{2}} \right] = -15$

d) $\left[\frac{1}{8 - \sqrt{66}} \right] = -9$

8. Dla podanej liczby n podać najmniejszą dodatnią miarę kąta α (w stopniach) spełniającą równanie $\sin \alpha = \sin(n \cdot \alpha)$.

a) $n = 2, \quad \alpha = 60^\circ$

b) $n = 4, \quad \alpha = 36^\circ$

c) $n = 3, \quad \alpha = 45^\circ$

d) $n = 5, \quad \alpha = 30^\circ$

9. Dla podanej liczby n podać najmniejszą dodatnią miarę kąta α (w stopniach) spełniającą równanie $\sin \alpha = \cos(n \cdot \alpha)$.

a) $n = 9, \quad \alpha = 9^\circ$

b) $n = 14, \quad \alpha = 6^\circ$

c) $n = 8, \quad \alpha = 10^\circ$

d) $n = 17, \quad \alpha = 5^\circ$

10. Podać zbiór rozwiązań nierówności zapisując go w postaci przedziału lub sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

a) $-1 < \log_8 x < 2$ $(1/8, 64)$

b) $-\frac{5}{3} < \log_8 x < -\frac{2}{3}$ $(1/32, 1/4)$

c) $\frac{1}{2} < \log_8 x < \frac{3}{2}$ $(2\sqrt{2}, 16\sqrt{2})$

d) $-\frac{1}{3} < \log_8 x < \frac{1}{3}$ $(1/2, 2)$

11. Podać zbiór rozwiązań nierówności zapisując go w postaci przedziału lub sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

a) $1 < \log_x 64 < 3$ $(4, 64)$

b) $-6 < \log_x 64 < -2$ $(1/8, 1/2)$

c) $-3 < \log_x 64 < 6$ $(0, 1/4) \cup (2, +\infty)$

d) $-1 < \log_x 64 < 2$ $(0, 1/64) \cup (8, +\infty)$

12. Zapisać zbiór rozwiązań podanej nierówności w postaci przedziału lub uporządkowanej sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

a) $\log_2 \log_2 |x| < 1$, $(-4, -1) \cup (1, 4)$

b) $\log_2 \log_2 \log_2 |x| < 1$, $(-16, -2) \cup (2, 16)$

c) $\log_2 |x| < 1$, $(-2, 0) \cup (0, 2)$

d) $\log_2 \log_2 \log_2 \log_2 |x| < 1$, $(-2^{16}, -4) \cup (4, 2^{16})$

W każdym zadaniu za 0, 1, 2, 3, 4 poprawne odpowiedzi otrzymuje się odpowiednio 0, 1, 3, 6, 10 punktów.

1. W dowolnym postępie arytmetycznym n -wyrazowym a_1, a_2, \dots, a_n o sumie S , co najmniej jeden z wyrazów jest równy w .

Dla podanych liczb n i w podać liczbę S , dla której powyższe zdanie jest prawdziwe. Wpisz **NIE**, jeśli liczba S o żądanej własności nie istnieje.

a) $n = 6$, $w = 13$, $S = \mathbf{NIE}$

b) $n = 3$, $w = 10$, $S = \mathbf{30}$

c) $n = 11$, $w = 20$, $S = \mathbf{220}$

d) $n = 5$, $w = 11$, $S = \mathbf{55}$

2. Zapisać zbiór rozwiązań podanej nierówności w postaci przedziału lub uporządkowanej sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

a) $(\log_2 x - 5)^{2016} \cdot (\log_3 x - 4)^{2016} > 0$, $(\mathbf{0, 32}) \cup (\mathbf{32, 81}) \cup (\mathbf{81, +\infty})$

b) $(\log_2 x - 5)^{2015} \cdot (\log_3 x - 4)^{2016} > 0$, $(\mathbf{32, 81}) \cup (\mathbf{81, +\infty})$

c) $(\log_2 x - 5)^{2015} \cdot (\log_3 x - 4)^{2015} > 0$, $(\mathbf{0, 32}) \cup (\mathbf{81, +\infty})$

d) $(\log_2 x - 5)^{2016} \cdot (\log_3 x - 4)^{2015} > 0$, $(\mathbf{81, +\infty})$

3. Zapisać zbiór rozwiązań podanej nierówności w postaci przedziału lub uporządkowanej sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

a) $(\log_2 x + 5)^{2015} \cdot (\log_3 x + 4)^{2015} > 0$, $(\mathbf{0, 1/81}) \cup (\mathbf{1/32, +\infty})$

b) $(\log_2 x + 5)^{2015} \cdot (\log_3 x + 4)^{2016} > 0$, $(\mathbf{1/32, +\infty})$

c) $(\log_2 x + 5)^{2016} \cdot (\log_3 x + 4)^{2016} > 0$,
 $(\mathbf{0, 1/81}) \cup (\mathbf{1/81, 1/32}) \cup (\mathbf{1/32, +\infty})$

d) $(\log_2 x + 5)^{2016} \cdot (\log_3 x + 4)^{2015} > 0$, $(\mathbf{1/81, 1/32}) \cup (\mathbf{1/32, +\infty})$

4. Zapisać wartość podanego iloczynu logarytmów w postaci liczby całkowitej lub ułamka nieskracalnego, jeśli liczba jest wymierna. Napisać literkę **N**, jeżeli liczba jest niewymierna.

a) $\log_{27}25 \cdot \log_{125}121 \cdot \log_{11}9 = \mathbf{8/9}$

b) $\log_427 \cdot \log_97 \cdot \log_{49}128 = \mathbf{21/8}$

c) $\log_8125 \cdot \log_{25}49 \cdot \log_764 = \mathbf{6}$

d) $\log_29 \cdot \log_325 \cdot \log_532 = \mathbf{20}$

5. Dla podanej liczby wskazać jej **dwucyfrowy** dzielnik pierwszy.

a) $3^{404} + 2^{101}, \quad \mathbf{83}$

b) $3^{404} - 2^{101}, \quad \mathbf{79}$

c) $7^{202} + 6^{101}, \quad \mathbf{11}$

d) $7^{202} - 6^{101}, \quad \mathbf{43}$

6. Podać wartość wyrażenia, gdzie $[x]$ oznacza część całkowitą liczby x .

a) $\left[\frac{1}{6 - \sqrt{34}} \right] = \mathbf{5}$

b) $\left[\frac{1}{5 - 2\sqrt{6}} \right] = \mathbf{9}$

c) $\left[\frac{1}{7 - \sqrt{46}} \right] = \mathbf{4}$

d) $\left[\frac{1}{3 - 2\sqrt{2}} \right] = \mathbf{5}$

7. Podać wartość wyrażenia, gdzie $[x]$ oznacza część całkowitą liczby x .

a) $\left[\frac{1}{6 - \sqrt{37}} \right] = -13$

b) $\left[\frac{1}{7 - 5\sqrt{2}} \right] = -15$

c) $\left[\frac{1}{3 - \sqrt{10}} \right] = -7$

d) $\left[\frac{1}{8 - \sqrt{66}} \right] = -9$

8. Dla podanej liczby n podać najmniejszą dodatnią miarę kąta α (w stopniach) spełniającą równanie $\sin \alpha = \sin(n \cdot \alpha)$.

a) $n = 5, \quad \alpha = 30^\circ$

b) $n = 4, \quad \alpha = 36^\circ$

c) $n = 3, \quad \alpha = 45^\circ$

d) $n = 2, \quad \alpha = 60^\circ$

9. Dla podanej liczby n podać najmniejszą dodatnią miarę kąta α (w stopniach) spełniającą równanie $\sin \alpha = \cos(n \cdot \alpha)$.

a) $n = 9, \quad \alpha = 9^\circ$

b) $n = 17, \quad \alpha = 5^\circ$

c) $n = 8, \quad \alpha = 10^\circ$

d) $n = 14, \quad \alpha = 6^\circ$

10. Podać zbiór rozwiązań nierówności zapisując go w postaci przedziału lub sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

a) $-\frac{1}{3} < \log_8 x < \frac{1}{3}$ **(1/2, 2)**

b) $-\frac{5}{3} < \log_8 x < -\frac{2}{3}$ **(1/32, 1/4)**

c) $\frac{1}{2} < \log_8 x < \frac{3}{2}$ **(2√2, 16√2)**

d) $-1 < \log_8 x < 2$ **(1/8, 64)**

11. Podać zbiór rozwiązań nierówności zapisując go w postaci przedziału lub sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

a) $-6 < \log_x 64 < -2$ **(1/8, 1/2)**

b) $-3 < \log_x 64 < 6$ **(0, 1/4) ∪ (2, +∞)**

c) $-1 < \log_x 64 < 2$ **(0, 1/64) ∪ (8, +∞)**

d) $1 < \log_x 64 < 3$ **(4, 64)**

12. Zapisać zbiór rozwiązań podanej nierówności w postaci przedziału lub uporządkowanej sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

a) $\log_2 \log_2 \log_2 |x| < 1$, **(-16, -2) ∪ (2, 16)**

b) $\log_2 \log_2 \log_2 \log_2 |x| < 1$, **(-2¹⁶, -4) ∪ (4, 2¹⁶)**

c) $\log_2 |x| < 1$, **(-2, 0) ∪ (0, 2)**

d) $\log_2 \log_2 |x| < 1$, **(-4, -1) ∪ (1, 4)**

W każdym zadaniu za 0, 1, 2, 3, 4 poprawne odpowiedzi otrzymuje się odpowiednio 0, 1, 3, 6, 10 punktów.

1. W dowolnym postępie arytmetycznym n -wyrazowym a_1, a_2, \dots, a_n o sumie S , co najmniej jeden z wyrazów jest równy w .

Dla podanych liczb n i w podać liczbę S , dla której powyższe zdanie jest prawdziwe. Wpisz **NIE**, jeśli liczba S o żądanej własności nie istnieje.

- a) $n = 3$, $w = 10$, $S = \mathbf{30}$
- b) $n = 11$, $w = 20$, $S = \mathbf{220}$
- c) $n = 5$, $w = 11$, $S = \mathbf{55}$
- d) $n = 6$, $w = 13$, $S = \mathbf{NIE}$

2. Zapisać zbiór rozwiązań podanej nierówności w postaci przedziału lub uporządkowanej sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

- a) $(\log_2 x - 5)^{2016} \cdot (\log_3 x - 4)^{2016} > 0$, $(\mathbf{0, 32}) \cup (\mathbf{32, 81}) \cup (\mathbf{81, +\infty})$
- b) $(\log_2 x - 5)^{2015} \cdot (\log_3 x - 4)^{2015} > 0$, $(\mathbf{0, 32}) \cup (\mathbf{81, +\infty})$
- c) $(\log_2 x - 5)^{2016} \cdot (\log_3 x - 4)^{2015} > 0$, $(\mathbf{81, +\infty})$
- d) $(\log_2 x - 5)^{2015} \cdot (\log_3 x - 4)^{2016} > 0$, $(\mathbf{32, 81}) \cup (\mathbf{81, +\infty})$

3. Zapisać zbiór rozwiązań podanej nierówności w postaci przedziału lub uporządkowanej sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

- a) $(\log_2 x + 5)^{2016} \cdot (\log_3 x + 4)^{2016} > 0$,
 $(\mathbf{0, 1/81}) \cup (\mathbf{1/81, 1/32}) \cup (\mathbf{1/32, +\infty})$
- b) $(\log_2 x + 5)^{2015} \cdot (\log_3 x + 4)^{2016} > 0$, $(\mathbf{1/32, +\infty})$
- c) $(\log_2 x + 5)^{2016} \cdot (\log_3 x + 4)^{2015} > 0$, $(\mathbf{1/81, 1/32}) \cup (\mathbf{1/32, +\infty})$
- d) $(\log_2 x + 5)^{2015} \cdot (\log_3 x + 4)^{2015} > 0$, $(\mathbf{0, 1/81}) \cup (\mathbf{1/32, +\infty})$

4. Zapisać wartość podanego iloczynu logarytmów w postaci liczby całkowitej lub ułamka nieskracalnego, jeśli liczba jest wymierna. Napisać literkę **N**, jeżeli liczba jest niewymierna.

a) $\log_{27}25 \cdot \log_{125}121 \cdot \log_{11}9 = \mathbf{8/9}$

b) $\log_8125 \cdot \log_{25}49 \cdot \log_764 = \mathbf{6}$

c) $\log_29 \cdot \log_325 \cdot \log_532 = \mathbf{20}$

d) $\log_427 \cdot \log_97 \cdot \log_{49}128 = \mathbf{21/8}$

5. Dla podanej liczby wskazać jej **dwucyfrowy** dzielnik pierwszy.

a) $3^{404} + 2^{101}, \quad \mathbf{83}$

b) $3^{404} - 2^{101}, \quad \mathbf{79}$

c) $7^{202} - 6^{101}, \quad \mathbf{43}$

d) $7^{202} + 6^{101}, \quad \mathbf{11}$

6. Podać wartość wyrażenia, gdzie $[x]$ oznacza część całkowitą liczby x .

a) $\left[\frac{1}{6 - \sqrt{34}} \right] = \mathbf{5}$

b) $\left[\frac{1}{5 - 2\sqrt{6}} \right] = \mathbf{9}$

c) $\left[\frac{1}{7 - \sqrt{46}} \right] = \mathbf{4}$

d) $\left[\frac{1}{3 - 2\sqrt{2}} \right] = \mathbf{5}$

7. Podać wartość wyrażenia, gdzie $[x]$ oznacza część całkowitą liczby x .

a) $\left[\frac{1}{8 - \sqrt{66}} \right] = -9$

b) $\left[\frac{1}{6 - \sqrt{37}} \right] = -13$

c) $\left[\frac{1}{7 - 5\sqrt{2}} \right] = -15$

d) $\left[\frac{1}{3 - \sqrt{10}} \right] = -7$

8. Dla podanej liczby n podać najmniejszą dodatnią miarę kąta α (w stopniach) spełniającą równanie $\sin \alpha = \sin(n \cdot \alpha)$.

a) $n = 5, \quad \alpha = 30^\circ$

b) $n = 4, \quad \alpha = 36^\circ$

c) $n = 3, \quad \alpha = 45^\circ$

d) $n = 2, \quad \alpha = 60^\circ$

9. Dla podanej liczby n podać najmniejszą dodatnią miarę kąta α (w stopniach) spełniającą równanie $\sin \alpha = \cos(n \cdot \alpha)$.

a) $n = 17, \quad \alpha = 5^\circ$

b) $n = 8, \quad \alpha = 10^\circ$

c) $n = 9, \quad \alpha = 9^\circ$

d) $n = 14, \quad \alpha = 6^\circ$

10. Podać zbiór rozwiązań nierówności zapisując go w postaci przedziału lub sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

a) $-1 < \log_8 x < 2$ **(1/8, 64)**

b) $-\frac{1}{3} < \log_8 x < \frac{1}{3}$ **(1/2, 2)**

c) $-\frac{5}{3} < \log_8 x < -\frac{2}{3}$ **(1/32, 1/4)**

d) $\frac{1}{2} < \log_8 x < \frac{3}{2}$ **(2√2, 16√2)**

11. Podać zbiór rozwiązań nierówności zapisując go w postaci przedziału lub sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

a) $-6 < \log_x 64 < -2$ **(1/8, 1/2)**

b) $1 < \log_x 64 < 3$ **(4, 64)**

c) $-1 < \log_x 64 < 2$ **(0, 1/64) ∪ (8, +∞)**

d) $-3 < \log_x 64 < 6$ **(0, 1/4) ∪ (2, +∞)**

12. Zapisać zbiór rozwiązań podanej nierówności w postaci przedziału lub uporządkowanej sumy przedziałów (nie używać różnicy zbiorów).

a) $\log_2 \log_2 \log_2 \log_2 |x| < 1$, **(-2¹⁶, -4) ∪ (4, 2¹⁶)**

b) $\log_2 \log_2 \log_2 |x| < 1$, **(-16, -2) ∪ (2, 16)**

c) $\log_2 \log_2 |x| < 1$, **(-4, -1) ∪ (1, 4)**

d) $\log_2 |x| < 1$, **(-2, 0) ∪ (0, 2)**