

## Łamigłówki i zadania na Święta

W łamigłówkach **626–634** oprócz tworzenia liczb z podanych cyfr wolno użyć w dowolnej ilości pięciu działań (dodawanie, odejmowanie, mnożenie, dzielenie, potęgowanie), silni, pierwiastka kwadratowego oraz nawiasów dla oznaczenia kolejności działań.

**626.** Zapisz liczbę 62 używając cyfr 2, 0, 1 i 7 (każdej tylko raz).

**627.** Zapisz liczbę 63 używając cyfr 2, 0, 1 i 7 (każdej tylko raz).

**628.** Zapisz liczbę 92 używając cyfr 2, 0, 1 i 7 (każdej tylko raz).

**629.** Zapisz liczbę 93 używając cyfr 2, 0, 1 i 7 (każdej tylko raz).

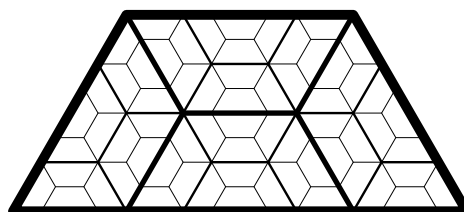
**630.** Zapisz liczbę 103 używając cyfr 2, 0, 1 i 7 (każdej tylko raz).

**631.** Zapisz liczbę 118 używając cyfr 2, 0, 1 i 7 (każdej tylko raz).  
Dziękuję Mistrzowi Byłemu Geometrii za wskazanie błędu w zadaniu **631**, gdzie zamiast 118 użyłem liczby 117.

**632.** Zapisz liczbę 133 używając cyfr 2, 0, 1 i 7 (każdej tylko raz).

**633.** Zapisz liczbę 141 używając cyfr 2, 0, 1 i 7 (każdej tylko raz).

**634.** Zapisz liczbę 154 używając cyfr 2, 0, 1 i 7 (każdej tylko raz).



Autorski Tygodnik Matematyczny  
JAROSŁAWA WRÓBLEWSKIEGO

# TRAPEZ

Nr 91 (51/2016)

Czwartek, 22 grudnia 2016 r.

## Kolorowania, numerowania i podziały figur

**635.** Czy istnieje taka liczba całkowita dodatnia  $n$  niepodzielna przez 2, 3, 5 ani 7, że sześcian o krawędzi długości  $n$  można podzielić na sześciany, z których każdy ma krawędź długości 2, 3, 5 lub 7?

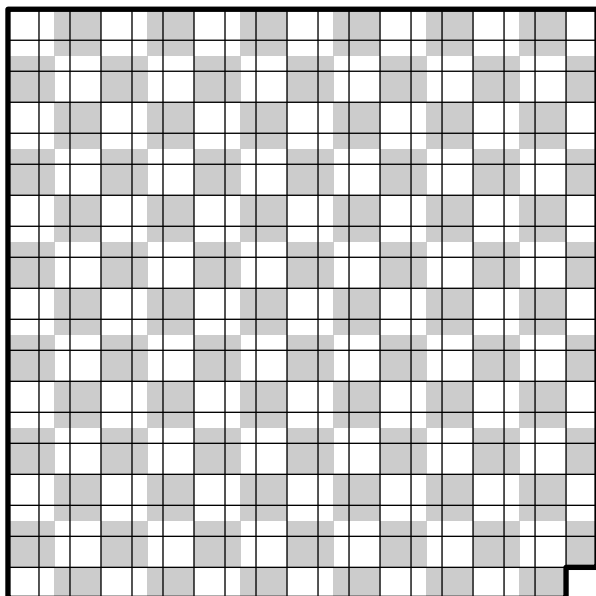
## Rozwiązania zadań 622–625

**622.**  $367 = 3 \cdot 5! + 7$

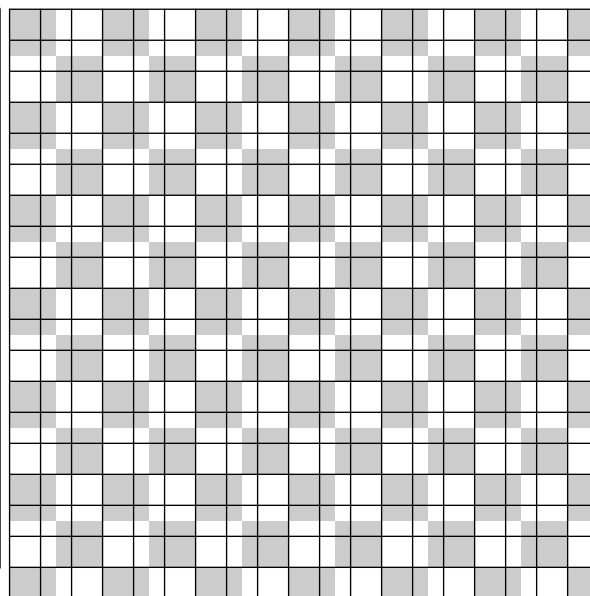
**623.**  $371 = 7 \cdot 53$

**624.**  $381 = 3 \cdot (5! + 7)$

**625.** Wykażemy, że podział sześcianu o krawędzi długości 19 na sześciany o krawędzi 2 i prostopadłościanny  $3 \times 3 \times 1$  nie jest możliwy.



rys. 1



rys. 2

*Sposób I:* Pokolorujmy sześcian w trójwymiarową szachownicę zamalowując na czarno i biało prostopadłościanny rozmiaru  $1 \times 1,5 \times 1,5$ . Załóżmy przy tym, że duży sześcian jest podzielony na  $19^3$  sześcianików jednostkowych zwanych dalej polami. W ten sposób powstaje 19 warstw prostopadłościennych o wymiarach  $1 \times 19 \times 19$  złożonych z  $19^2 = 361$

