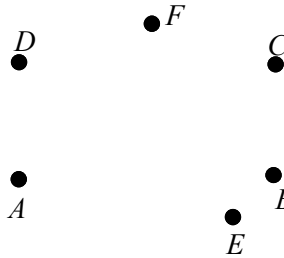


Różnicę symetryczną dwóch zbiorów A, B nazywamy zbiór złożony z tych i tylko tych elementów tych zbiorów, które należą do dokładnie jednego z nich. Oznaczamy go: $A \ominus B$.

ZAD. 1. Niech P oznacza (pełny) prostokąt $ABCD$ i niech T oznacza (pełny) trójkąt EFG . Na rysunku zacieniuj $P \ominus T$.



ZAD. 2. Uzupełnij:

$$\{1, 3, 4, 6, 7\} \ominus \{2, 3, 5, 6, 7, 8\} = \dots\dots\dots$$

$$\{1, 2, 5, 7\} \ominus \{3, 4, 7\} \ominus \{2, 5, 6, 7, 8\} = \dots\dots\dots$$

$$\{2, 3, 6, 7\} \ominus \{\dots\dots\dots\} = \{1, 3, 5, 7, 8, 9\}$$

$$\{\dots\dots\dots\} \ominus \{1, 3, 4, 5, 8\} = \{1, 2, 3, 7, 8, 9\}$$

$$\{1, 3, 5, 7\} \ominus \{\dots\dots\dots\} \ominus \{2, 3, 7, 8\} = \{1, 3, 4, 7, 8\}$$

ZAD. 3. Podaj takie x, y , że $\{1, 3, x, y\} \ominus \{3, 7\} = \{1, 4\}$ ODP.

ZAD. 4a). Podaj taką parę P, R zbiorów czteroelementowych, o elementach wybranych spośród liczb 1, 2, 3, 4, 5, 6, że

$$P \ominus R = \{2, 3, 4, 5\}$$

ODP. $P = \dots\dots\dots$, $R = \dots\dots\dots$

ZAD. 4b) Ile jest wszystkich takich par P, R spełniających te same warunki? ODP.

ZAD. 4c) Ile jest wszystkich takich par S, T zbiorów czteroelementowych, o elementach wybranych spośród liczb 1, 2, 3, 4, 5, 6, że

$$S \ominus T = \{2, 3, 4\}$$

ODP.

ZAD. 5. Niech K oznacza kwadrat $ABCD$ o boku 4 i niech T oznacza trójkąt ABE , gdzie punkt E leży na półprostej AD . Oblicz pole figury $K \ominus T$ gdy:

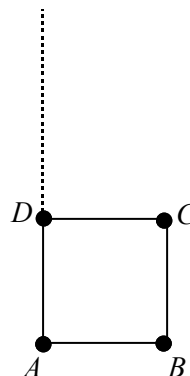
- odległość AE jest równa 2. ODP. Pole $K \ominus T$ jest równe

- odległość AE jest równa 4. ODP. Pole $K \ominus T$ jest równe

- odległość AE jest równa 8. ODP. Pole $K \ominus T$ jest równe

Czy jest takie E na półprostej AD , że pole $K \ominus T$ jest mniejsze od 8?

ODP.



ZAD. 6a) Dla figur:

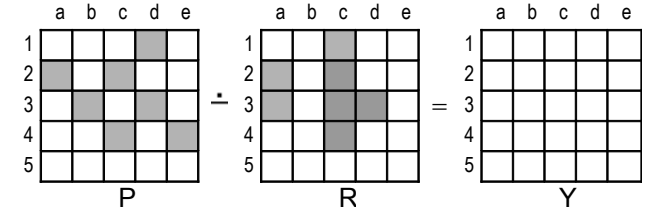
$$P = \{a2; b3; c2; c4; d1; d3; e4\}$$

$$R = \{a2; a3; c1; c2; c3; c4; d3\}$$

znajdź takie Y , że

$$P \ominus R = Y$$

ODP. $Y = \dots\dots\dots$



ZAD. 6b) Dla figur:

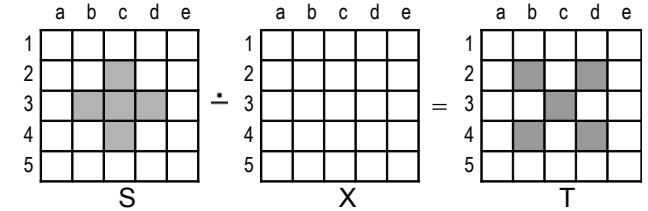
$$S = \{b3; c2; c3; c4; d3\}$$

$$T = \{b2; b4; c3; d2; d4\}$$

znajdź takie X , że

$$S \ominus X = T$$

ODP. $X = \dots\dots\dots$



ZAD. 7. Niech $S = \{d4; d5; e4; e5; f4; f5\}$, czyli S jest pewnym prostokątem kratowym 'pionowo-poziomym'.

Podaj trzy przykłady takich prostokątów kratowych 'pionowo-poziomych' P , że

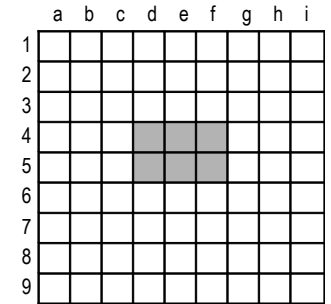
$$S \ominus P \text{ jest kwadratem kratowym 'pionowo-poziomym'}$$

ODP. $P_1 = \dots\dots\dots$

$P_2 = \dots\dots\dots$

$P_3 = \dots\dots\dots$

Ile jest prostokątów P spełniających te warunki? ODP.



ZAD. 8. Niech $S = \{d4; d5; e4; e5; f4; f5\}$ będzie prostokątem. Ile jest takich prostokątów kratowych pionowo-poziomych P że

$S \ominus P$ jest figurą o polu 5 (tzn. jest złożoną z pięciu kratek) i ponadto

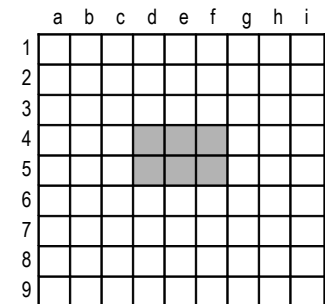
- prostokąt P ma pole 1 (1 kratkę)? ODP.

- prostokąt P ma pole 2 (2 kratki)? ODP.

- prostokąt P ma pole 3 (3 kratki)? ODP.

- prostokąt P ma pole 4 (4 kratki)? ODP.

- prostokąt P ma pole 5 (4 kratek)? ODP.



ZAD. 9. Niech $A = \{2, 3, 4\}$ i $B = \{3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$. Podaj przykład takiego zbioru C , że

$$(*) \text{ liczba el.}(A \ominus C) + \text{liczba el.}(C \ominus B) = \text{liczba el.}(A \ominus B) \quad \text{ODP. } C = \dots\dots\dots$$

Ile jest wszystkich takich zbiorów C spełniających warunek (*)? ODP.

Ile jest zbiorów E takich, że $\text{liczba el.}(A \ominus E) = \text{liczba el.}(E \ominus B) = \frac{1}{2} \cdot \text{liczba el.}(A \ominus B)$?