

---

**Kolokwium 1/1**    Imię i nazwisko:

---

**Zad. 1**    Mamy dane zbiory  $A, B, C \subseteq \mathbb{R}$ :  $A = \{1, 2\}$ , zbiór  $B$  jest złożony ze wszystkich liczb rzeczywistych mniejszych od  $\pi$ , a  $C$  jest zbiorem liczb pierwszych.

a) (1) Wypisz elementy zbioru  $\mathcal{P}(A)$ .

b) (2) Wypisz elementy zbioru  $A \cup (A \times A)$ .

c) (2) Wypisz elementy zbioru  $X = (B \setminus A) \cap C$ .

d) (2) Zapisz  $X$  z podpunktu c) używając jedynie symboli zbiorów  $A, B$  i  $C$  oraz symboli sumy  $\cup$  i dopełnienia  $^c$ .

**Zad. 2**    (2) Czy istnieje zbiór  $Z$  taki, że  $\mathcal{P}(\{0, 1\}) \in \mathcal{P}(Z)$ ? Odpowiedź uzasadnij.



---

**Kolokwium 1/2**    Imię i nazwisko:

---

**Zad. 3**    (1) Napisz zaprzeczenie poniższego zdania:

Jeśli dziś jest wtorek, to jesteśmy w Belgii.

**Zad. 4**    (1) Zapisz schemat zdania

$x$  jest liczbą dodatnią pod warunkiem, że  $x$  jest liczbą ujemną i dziś jest 1 kwietnia.

**Zad. 5**    Rozważmy formuły

$$\alpha(p, q, r) = ((p \wedge q) \implies r) \quad \text{i} \quad \beta(p, q, r) = ((p \implies r) \wedge (q \implies r))$$

a) (3) Czy  $\alpha(p, q, r) \implies \beta(p, q, r)$  jest tautologią rachunku zdań? Uzasadnij odpowiedź.

b) (3) Ile jest, z dokładnością do równoważności, takich formuł  $\gamma(p, q, r)$ , że

$$\alpha(p, q, r) \vee \gamma(p, q, r)$$

jest tautologią? Odpowiedź uzasadnij.



---

**Kolokwium 1/3**    Imię i nazwisko:

---

**Zad. 6**    Niech  $A = [1, 3]$ ,  $B = [2, 4]$ , a  $C = \{1, 2, 3\}$ .

a) (2) Naskicuj w układzie współrzędnych zbiór  $(A \setminus B) \times C$ .

b) (1) Wyznacz zbiór  $\pi_X[(A \times B) \cup (B \times A)]$ .

c) (2) Używając oznaczeń  $p = (x \in A)$  i  $q = (x \in B)$  zapisz schemat zdania

$$\langle x, y \rangle \in (A \times B) \setminus (B \times A)$$

d) (3) Niech  $x \in \mathbb{R}$  i

$$D = (A \times B) \cup (B \times A).$$

Znajdź wszystkie możliwe zbiory  $D_x$ . Odpowiedź szczegółowo uzasadnij.